



۱- چه تعداد از موارد زیر صحیح است؟

(الف) هر مشخصه قابل اندازه گیری که با گرمی و سردی جسم تغییر کند، می تواند به عنوان کمیت دماسنجی در نظر گرفته شود.

(ب) گسترده دماسنجی یک ترموکوپل به جنس سیم های آن بستگی دارد.

(پ) برای دما، حد بالایی وجود ندارد.

(ت) به دلیل دقت بیشتر دماسنج ترموکوپل نسبت به دماسنج گازی، دماسنج ترموکوپل در بسیاری از وسایل صنعتی، گرمایشی و سرمایشی یافت می شود.

- ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۲- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) اساس کار تفسنج مبتنی بر تابش گرمایی است.

(۳) کمیت دماسنجی دماسنج های ترموکوپل، ولتاژ است.

(۲) اساس کار دماسنج های گازی مبتنی بر قانون گازهای کامل است.

(۴) دماسنج ترموکوپل نسبت به دماسنج های گازی و تفسنج نوری دقت بیشتری دارد.

۳- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) دماسنج گازی یک دماسنج معیار است.

(۳) کمترین دمای ممکن ۲۷۳٫۱۵- کلوین است.

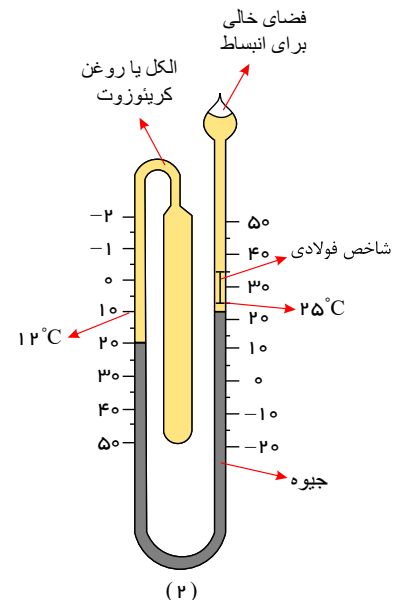
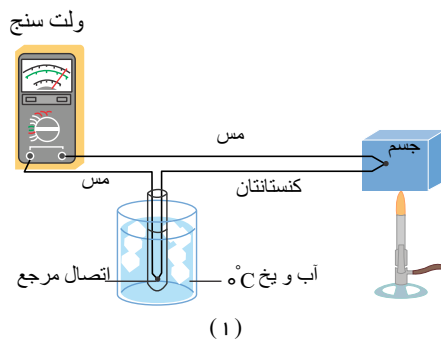
(۲) از دماسنج بیشینه - کمینه در هواشناسی استفاده می شود.

(۴) یکای رایج دما در صنعت و هواشناسی، فارنهایت است.

۴- کدام یک از دماسنج های زیر جزء دماسنج های معیار نیست؟

(۱) تفسنج (۲) گازی (۳) ترموکوپل (۴) مقاومت پلاتینی

۵- شکل های (۱) و (۲) به ترتیب نشان دهنده دماسنج و است.



- ۱ (۱) مقاومت پلاتینی، تفسنج ۲ (۲) ترموکوپل، دماسنج گازی ۳ (۳) مقاومت پلاتینی، دماسنج گازی ۴ (۴) ترموکوپل، دماسنج بیشینه-کمینه

۶- کدام یک از عبارات های زیر در مورد دماسنج ترموکوپل نادرست است؟

(۱) در مدارهای الکترونیکی که در بسیاری از وسایل سرمایشی و گرمایشی استفاده می شود، کاربرد دارد.

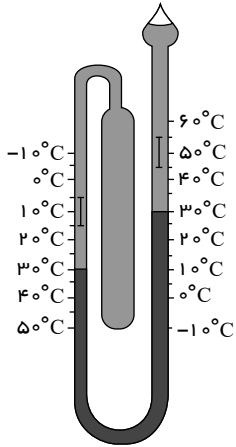
(۲) کمیت دماسنجی در آن، ولتاژ است.

(۳) با انتخاب آلیاژهای مناسب، گستره دماسنجی آن می تواند از حدود $3K$ تا $1645K$ باشد.

(۴) یکی از مزایای این دماسنج این است که به سبب جرم کوچک محل اتصال، به کندی به تغییرات دما واکنش نشان می دهد.



۷- شکل زیر نشان‌دهنده یک دماسنج بیشینه - کمینه است. بیشینه دما و کمینه دمای اندازه‌گیری شده توسط این دماسنج به ترتیب از راست به چپ برحسب درجه سلسیوس کدام است؟



- ① ۱۵ و ۴۵
 ② ۵ و ۵۵
 ③ ۵ و ۴۵
 ④ ۱۵ و ۵۵

۸- دو دمای بیان شده در کدام یک از گزینه های زیر با هم برابر نیستند؟

- ① $223K$ و $-50^{\circ}C$ ② $498K$ و $437^{\circ}F$ ③ $45^{\circ}C$ و $57^{\circ}F$ ④ $23K$ و $-418^{\circ}F$

۹- دمای جسمی برحسب کلوین هشت برابر دمای آن برحسب درجه سلسیوس است. دمای این جسم برحسب درجه فارنهایت کدام است؟

- ① $102,2$ ② ۳۹ ③ ۲۷۳ ④ ۳۱۲

۱۰- یک دماسنج سلسیوس و یک دماسنج فارنهایت را درون یک ظرف حاوی الکل قرار می‌دهیم. عددی که دماسنج سلسیوس نشان می‌دهد، ۸ واحد کم‌تر از عددی است که دماسنج فارنهایت نشان می‌دهد. دمای الکل چند درجه فارنهایت است؟

- ① -30 ② -14 ③ -22 ④ ۱۴

۱۱- اگر دمای جسمی برحسب درجه فارنهایت ۹ درصد کاهش یابد، دمای آن برحسب کلوین $7K$ تغییر می‌کند. دمای جسم در ابتدا چند درجه سلسیوس بوده است؟

- ① $12,6$ ② ۱۵۰ ③ ۱۴۰ ④ ۶۰

۱۲- یک دماسنج مخصوص، نقطه ذوب یخ را 30 واحد و نقطه جوش آب را 110 واحد نشان می‌دهد. این دماسنج، اگر دمای جسمی را 62 واحد نشان دهد، این دما معادل چند درجه سلسیوس است؟ (فشار یک اتمسفر است. دماسنج به صورت خطی مدرج شده است.)

- ① ۳۰ ② ۳۲ ③ ۴۰ ④ ۴۲

۱۳- دماسنجی با درجه بندی خطی، دمای نقطه ذوب یخ و دمای نقطه جوش آب را در فشار یک اتمسفر به ترتیب ۴ و 44 درجه نمایش می‌دهد. هنگامی که این دماسنج، عددی دو برابر دماسنج سلسیوس نمایش می‌دهد، چه عددی را نشان می‌دهد؟

- ① $2,5$ ② ۵ ③ $7,5$ ④ ۱۰

۱۴- یک دماسنج که به صورت خطی مدرج شده است، در فشار $1 atm$ ، دمای نقطه ذوب یخ را -30 درجه و دمای نقطه جوش آب را 120 درجه نشان می‌دهد. رابطه بین دمای این دماسنج (x) و دماسنج فارنهایت (F) کدام است؟

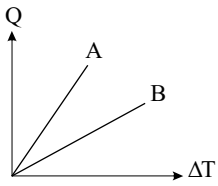
- ① $F = \frac{2}{3}x + 20$ ② $F = \frac{6}{5}x + 36$ ③ $\frac{9}{5}F = \frac{2}{3}x - 12$ ④ $F = \frac{6}{5}x + 68$

۱۵- کدام گزینه صحیح نیست؟

- ① ظرفیت گرمایی یک جسم به جنس و جرم آن بستگی دارد.
 ② به انرژی انتقال یافته بر اثر اختلاف دمای دو جسم، گرما گفته می‌شود.
 ③ وقتی یک جسم گرما از دست می‌دهد انرژی‌های پتانسیل و جنبشی مربوط به حرکات کاتوره‌ای ذرات آن جسم کاهش می‌یابد.
 ④ گرمای ویژه هر جسم، مقدار گرمایی است که باید به یک مول از آن جسم داده شود تا در شرایط فیزیکی تعیین شده، دمای آن یک کلوین افزایش یابد.



۱۶- نمودار گرمای داده شده به دو جسم متفاوت با جرم‌های یکسان برحسب تغییرات دمای آن‌ها، مطابق شکل زیر است. کدام مقایسه در مورد گرمای ویژه دو جسم صحیح است؟



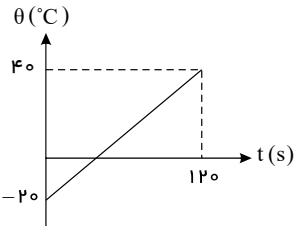
① $c_B < c_A$

② $c_B > c_A$

③ $c_B = c_A$

④ بسته به شرایط، هر سه گزینه می‌تواند درست باشد.

۱۷- نمودار تغییرات دمای جسم جامدی به جرم ۱۰۰ گرم برحسب زمان، مطابق شکل زیر است. اگر گرمای ویژه جسم $\frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$ ۴۰۰ باشد، جسم به طور متوسط در هر ثانیه چند ژول گرما گرفته است؟



① ۲۰

② ۲۴۰۰

③ $\frac{20}{3}$

④ ۸۰۰

۱۸- یک میخ فولادی به جرم ۲۰g در حین کوبیده شدن در چوب، گرم می‌شود. اگر ۶۰ درصد انرژی جنبشی چکشی به جرم $1,5kg$ که با سرعت $5 \frac{m}{s}$ به میخ برخورد کرده و متوقف شده است به گرما تبدیل شده و به میخ داده شود، دمای میخ در هر برخورد چند درجه سلسیوس بالا می‌رود؟

$(c_{\text{فولاد}} = 450 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})$

① ۱,۲۵

② ۲,۵

③ ۵

④ ۶,۲۵

۱۹- جسمی به جرم $0,5kg$ از ارتفاع ۱۰ متری سطح زمین رها شده و پس از برخورد با زمین تا ارتفاع ۲ متر برمی‌گردد. اگر تمام انرژی تلف شده صرف گرم کردن جسم شده باشد، در ارتفاع ۲ متری از سطح زمین (هنگام برگشت) دمای جسم نسبت به ابتدای حرکت چند درجه سلسیوس افزایش می‌یابد؟ ($c = 80 J/kg \cdot ^\circ C$ و $g = 10 m/s^2$)

① ۰,۲۵

② ۱

③ ۱,۲۵

④ ۲

۲۰- دمای m گرم از ماده A با گرفتن گرمای Q به اندازه θ و دمای $\frac{m}{p}$ گرم از ماده B با گرفتن گرمای $2Q$ به اندازه 2θ بالا می‌رود. به ترتیب از راست به چپ ظرفیت گرمایی و گرمای ویژه A چند برابر B است؟ (تغییر حالت نداریم.)

① ۱,۲

② $\frac{1}{2}, \frac{1}{4}$

③ $2, \frac{1}{4}$

④ $\frac{1}{2}, 1$

۲۱- به دو گلوله فلزی هم‌جنس به طور جداگانه ۱۲۰ ژول گرما داده می‌شود. در نتیجه، دمای گلوله اول $30^\circ C$ و دمای گلوله دوم $50^\circ C$ افزایش می‌یابد. اگر گرمای ویژه فلز سازنده گلوله‌ها $200 \frac{J}{kg \cdot K}$ باشد، اختلاف جرم دو گلوله برحسب گرمی کدام است؟

① ۵

② ۸

③ ۱۵

④ ۲۰

۲۲- یک کتری برقی با توان ۲ کیلووات دمای $200^\circ C$ گرم آب $20^\circ C$ را پس از چند ثانیه به $70^\circ C$ می‌رساند؟ (از تبادل گرمای کتری و آب درون آن با محیط صرف نظر کنید و $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$)

① ۲۱۰۰۰

② ۲۱

③ ۴۲

④ ۴۲۰۰۰

۲۳- درون گرمکنی به ظرفیت گرمایی $400 J/K$ ، $2kg$ آب با دمای $10^\circ C$ درجه سلسیوس وجود دارد و مجموعه در تعادل گرمایی است. اگر گرمکن با توان $200 W$ به مجموعه گرما دهد و ۲۰ درصد اتلاف گرما وجود داشته باشد، چند ثانیه طول می‌کشد تا دمای مجموعه گرمکن و آب درون آن به $20^\circ C$ برسد؟ ($c_{\text{آب}} = 4200 J/kg \cdot ^\circ C$)

① ۵۰۰

② ۵۵۰

③ ۵۰۰۰

④ ۵۲۵

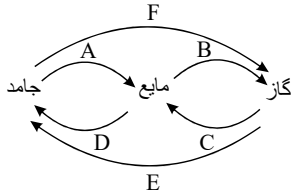


۲۴- گرمکنی با توان مصرفی ۳۷۵ وات درون ۲۵۰ گرم آب قرار دارد. این گرمکن در مدت ۷ دقیقه دمای آب را از ۲۰ درجه سلسیوس به ۸۰ درجه سلسیوس می‌رساند. بازده گرمکن چند درصد است؟ ($c_{\text{آب}} = 4200 \text{ J/kg} \cdot K$)

- ۵۰ (۱) ۸۰ (۲) ۲۵ (۳) ۴۰ (۴)

۲۵- یک گرمکن ۲۰۰ واتی به طور کامل در ۱۰۰ گرم آب درون یک گرماسنج قرار دارد. این گرمکن در مدت یک دقیقه، دمای آب و گرماسنج را از ۲۰°C به ۴۰°C می‌رساند. ظرفیت گرمایی گرماسنج در SI کدام است؟ $c_{\text{آب}} = 4200 \text{ J/kg} \cdot ^\circ C$ و از اتلاف گرما صرف نظر کنید.

- ۱۸۰ (۱) ۱۸۰۰ (۲) ۳۶۰ (۳) ۳۶۰۰ (۴)



۲۶- با توجه به شکل زیر کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟

- (۱) A: ذوب - C: میعان (۲) F: تصعید - B: تبخیر
(۳) D: ذوب - C: چگالش (۴) E: چگالش - D: انجماد

۲۷- فرایندهای تصعید، چگالش و میعان به ترتیب از راست به چپ چه نوع فرایندهایی هستند؟

- (۱) گرماده، گرماگیر، گرماگیر (۲) گرماده، گرماده، گرماگیر (۳) گرماگیر، گرماده، گرماگیر (۴) گرماگیر، گرماده، گرماده

۲۸- در ارتفاعات، تخم‌مرغ آب پز می‌شود، زیرا نقطه جوش آب یافته است.

- (۱) زودتر - افزایش (۲) زودتر - کاهش (۳) دیرتر - افزایش (۴) دیرتر - کاهش

۲۹- گرمای نهان تبخیر آب با افزایش دما

- (۱) ثابت می‌ماند. (۲) افزایش می‌یابد. (۳) کاهش می‌یابد. (۴) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

۳۰- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

(الف) تبخیر سطحی مایع در هر دمایی رخ می‌دهد.

(ب) با افزایش سطح آزاد مایع، آهنگ تبخیر سطحی بیش‌تر می‌شود.

(پ) با افزایش فشار وارد بر سطح مایع، آهنگ تبخیر سطحی کندتر می‌شود.

(ت) با افزایش دمای مایع آهنگ تبخیر سطحی کاهش پیدا می‌کند.

- ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۳۱- برای آن‌که نیمی از یک قطعه یخ به جرم 2 kg و دمای $-20^\circ C$ را ذوب کنیم، باید چند کیلوژول گرما به آن بدهیم؟

$$(L_F = 336 \frac{kJ}{kg}, c_{\text{آب}} = 4,2 \frac{kJ}{kg \cdot ^\circ C}, c_{\text{یخ}} = 2,1 \frac{kJ}{kg \cdot ^\circ C})$$

- ۳۷۸ (۱) ۷۵۶ (۲) ۴۲۰ (۳) ۷۶۵ (۴)

۳۲- اگر به ۲۰ گرم یخ با دمای $-20^\circ C$ در فشار 1 atm ، ۵ کیلوژول گرما داده شود، دمای نهایی آن چند درجه سلسیوس خواهد شد؟

$$(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C} \text{ و } L_F = 336 \frac{J}{g} \text{ و } c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})$$

- ۱۰ (۱) +۱۰ (۲) -۵ (۳) صفر (۴)

۳۳- توان ورودی یک گرمکن الکتریکی 2 kW است. اگر بازده این گرمکن برابر با ۸۰ درصد باشد، در مدت ۷ ساعت، چند کیلوگرم یخ در دمای نقطه ذوب را به آب با دمای $40^\circ C$ تبدیل می‌کند؟ ($L_F = 336 \frac{kJ}{kg}$ و $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$)

$$(L_F = 336 \frac{kJ}{kg} \text{ و } c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})$$

- ۳۲۰ (۱) ۰,۵ (۲) ۲۰ (۳) ۸۰ (۴)

۳۴- درون یک کنتری برقی با توان $3,6$ کیلووات، 400 g آب $40^\circ C$ موجود است. پس از چند ثانیه 100 g آب درون ظرف باقی می‌ماند؟

$$(L_V = 2256 \text{ J/g}, c_{\text{آب}} = 4200 \text{ J/kg} \cdot ^\circ C \text{ و اتلاف انرژی نداریم.})$$

- ۲۷۸ (۱) ۱۵۱ (۲) ۲۱۶ (۳) ۲۸۷ (۴)



۳۵- یک گرمکن الکتریکی با توان مفید ثابت در مدت ۱۷ دقیقه مقداری یخ $1^\circ C$ را به آب $0^\circ C$ تبدیل می‌کند. این گرمکن پس از چند دقیقه دیگر آب حاصل از ذوب یخ را به آب جوش $100^\circ C$ تبدیل می‌کند؟ (یخ $c_{\text{یخ}} = 160 \text{ cal}$ ، آب $c_{\text{آب}} = 80 \text{ cal}$)

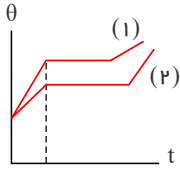
۳۴ (۴)

۱۷ (۳)

۳۷ (۲)

۲۰ (۱)

۳۶- نمودار دما بر حسب زمان دو جسم جامد هم‌جرم که از منبع‌های گرمای یکسانی گرما می‌گیرند، مطابق شکل زیر است. در کدام گزینه مقایسه‌ی درستی بین گرمای ویژه (c) و گرمای نهان ذوب (L_F) آن‌ها انجام گرفته است؟



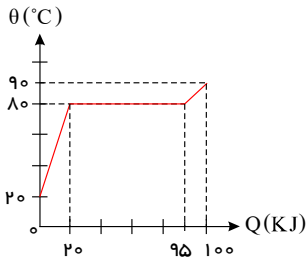
(۲) $(L_F)_1 < (L_F)_2$ و $c_1 > c_2$

(۱) $(L_F)_1 > (L_F)_2$ و $c_1 > c_2$

(۴) $(L_F)_1 < (L_F)_2$ و $c_1 < c_2$

(۳) $(L_F)_1 > (L_F)_2$ و $c_1 < c_2$

۳۷- نمودار تغییرات دمای جسمی جامد به جرم 500 g بر حسب گرمای داده‌شده به آن مطابق شکل زیر است. گرمای نهان ویژه ذوب ماده‌ی سازنده‌ی جسم، چند ژول بر کیلوگرم است؟



(۱) ۱۵۰

(۲) ۱۵۰۰

(۳) 1.5×10^4

(۴) 1.5×10^5

۳۸- یک قطعه آهن به جرم 200 g درون 5 kg آب با دمای $10^\circ C$ درجه‌ی سلسیوس انداخته می‌شود. اگر دمای تعادل $12^\circ C$ شود، دمای اولیه‌ی آهن بر حسب درجه‌ی سلسیوس کدام است؟

($c_{\text{آب}} = 4.2 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot ^\circ C}$ ، $c_{\text{آهن}} = 0.4 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot ^\circ C}$ و اتلاف انرژی ناچیز است.)

۵۳۵ (۴)

۵۱۳ (۳)

۵۳۷ (۲)

۵۲۵ (۱)

۳۹- m_1 گرم آب $18^\circ C$ را با m_2 گرم آب $26^\circ C$ مخلوط می‌کنیم تا $20^\circ C$ آب داشته باشیم. به ترتیب از راست به چپ m_2 و m_1 بر حسب گرم کدام‌اند؟ (اتلاف انرژی نداریم.)

(۴) ۲۰ و ۱۸۰

(۳) ۱۸۰ و ۲۰

(۲) ۵۰ و ۱۵۰

(۱) ۱۵۰ و ۵۰

۴۰- دو مایع A و B به ترتیب با دماهای $25^\circ C$ و $45^\circ C$ را با یکدیگر مخلوط می‌کنیم. اگر چگالی مایع A دو برابر چگالی مایع B و حجم مایع B نصف حجم مایع A باشد، دمای تعادل چند درجه‌ی سلسیوس می‌باشد؟ ($c_A = 1200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot K}$ و $c_B = 1600 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot K}$ و فرض کنید چگالی مایع‌ها همواره ثابت است.)

(۴) ۴۲

(۳) ۳۵

(۲) ۲۸

(۱) ۳۰

۴۱- درون ظرفی، 2 kg آب با دمای $20^\circ C$ وجود دارد. کره‌ی مسی توپری با دمای $37^\circ C$ را درون این ظرف قرار می‌دهیم. شعاع این کره چند سانتی‌متر باشد تا دمای مجموعه‌ی آب و کره پس از تعادل به $23^\circ C$ برسد؟ ($\pi = 3$ ، $\rho_{\text{مس}} = 9 \text{ g/cm}^3$ ، $c_{\text{مس}} = 400 \text{ J/kg} \cdot ^\circ C$ ، $c_{\text{آب}} = 4200 \text{ J/kg} \cdot ^\circ C$ و تبادل گرما فقط بین آب درون ظرف و کره صورت می‌گیرد.)

(۴) ۷

(۳) ۶

(۲) ۵

(۱) ۴

۴۲- یک کیلوگرم آب با دمای $10^\circ C$ و یک کیلوگرم از فلزی را درون گرماسنجی با دمای اولیه‌ی $72^\circ C$ قرار می‌دهیم. اگر دمای تعادل مجموعه به $30^\circ C$ برسد، دمای اولیه‌ی فلز چند درجه‌ی سلسیوس است؟

($c_{\text{گرماسنج}} = 1.5 \text{ kJ/K}$ ، $c_{\text{فلز}} = 420 \text{ J/kg} \cdot K$ ، $c_{\text{آب}} = 4200 \text{ J/kg} \cdot K$ و اتلاف انرژی نداریم.)

(۴) ۱۰۰

(۳) ۸۰

(۲) ۴۰

(۱) ۱۰



۴۳- دمای اولیه سه جسم A ، B و C به ترتیب برابر ۱۸، ۱۵ و ۳۲ درجه سلسیوس است. همچنین ظرفیت گرمایی جسم های A و C با هم برابر است. اگر این سه جسم را در تماس با هم قرار دهیم، پس از تعادل گرمایی، دمای آن ها برابر $20^\circ C$ می شود. ظرفیت گرمایی جسم C چند برابر ظرفیت گرمایی جسم B است؟ (اتلاف گرما ناچیز است و در حین تبادل گرما تغییر حالت اتفاق نمی افتد.)

- ① ۲ ② $\frac{5}{14}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{14}{5}$

۴۴- یک گلوله فلزی به دمای $100^\circ C$ را درون $2kg$ آب صفر درجه سلسیوس می اندازیم. اگر $\frac{1}{6}$ گرمایی که گلوله از دست می دهد به محیط اطراف داده شود و دمای تعادل $20^\circ C$ گردد، ظرفیت گرمایی گلوله چند $\frac{J}{^\circ C}$ است؟ $(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C})$

- ① ۲۵۲ ② ۱۲۶۰۰ ③ ۱۲۶۰ ④ ۲۵۲۰

۴۵- چند کیلوگرم آب $30^\circ C$ را با 5 کیلوگرم آب $70^\circ C$ مخلوط کنیم تا دمای تعادل $55^\circ C$ شود؟ (در حین اختلاط، 21 کیلوژول گرما به محیط داده می شود و $(c_{Ab} = 4200 \frac{J}{kg \cdot K})$)

- ① ۲٫۸ ② ۳٫۲ ③ ۴ ④ ۴٫۵

۴۶- در یک ظرف، 100 گرم آب $80^\circ C$ را با 300 گرم آب $20^\circ C$ مخلوط می کنیم. دمای تعادل مجموعه $60^\circ C$ می شود. گرمای مبادله شده بین آب درون ظرف و محیط اطراف چقدر و چگونه بوده است؟ $(c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{g \cdot K})$

- ① آب $42J$ از محیط اطراف گرما گرفته است. ② آب $42J$ به محیط اطراف گرما داده است.
 ③ آب $42kJ$ از محیط اطراف گرما گرفته است. ④ آب $42kJ$ به محیط اطراف گرما داده است.

۴۷- 100 گرم یخ صفر درجه سلسیوس را با 100 گرم آب $50^\circ C$ مخلوط می کنیم. پس از تعادل گرمایی، دمای تعادل چند درجه سلسیوس می شود؟ (اتلاف انرژی ناچیز است، $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{g \cdot ^\circ C}$ ، $L_F = 336 \frac{J}{g}$)

- ① ۲۵ ② ۱۵ ③ ۱۰ ④ صفر

۴۸- 200 گرم یخ $10^\circ C$ را با مقداری آب $50^\circ C$ مخلوط می کنیم. اگر پس از برقراری تعادل گرمایی، $50g$ یخ در مخلوط باقی بماند، جرم اولیه آب چند گرم بوده است؟ $(c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$ ، $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$ و $L_F = 336 \frac{kJ}{kg}$ و اتلاف انرژی نداریم.)

- ① ۱۵۰ ② ۲۵۰ ③ ۲۶۰ ④ ۴۱۰

۴۹- یک قطعه یخ به جرم $500g$ با دمای $10^\circ C$ را درون ظرفی حاوی $500g$ آب با دمای $60^\circ C$ می اندازیم. اگر انتقال انرژی مخلوط آب و یخ با ظرف و هوا ناچیز باشد، پس از برقراری تعادل گرمایی، چند گرم از یخ در ظرف باقی می ماند؟ $(L_F = 330 \frac{J}{g}$ و $c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$ و $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$)

- ① ۵۰ ② ۱۵۰ ③ ۳۵۰ ④ ۲۵۰

۵۰- یک قطعه یخ $5^\circ C$ را داخل یک استخر پر از آب صفر درجه سلسیوس می اندازیم. پس از ایجاد تعادل، جرم یخ چند درصد افزایش می یابد؟ $(L_F = 350 \frac{kJ}{kg}$ و $c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$ و از تبادل گرما با محیط صرف نظر شود.)

- ① ۳۰ ② ۳ ③ ۰٫۳ ④ ۰٫۰۳

۵۱- یک قطعه یخ با دمای $20^\circ C$ را در یک روز سرد زمستانی درون یک استخر پر از آب صفر درجه سلسیوس می اندازیم. بعد از رسیدن به تعادل، 100 گرم به جرم یخ افزوده می شود. جرم قطعه یخ اولیه چند گرم بوده است؟ $(c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{J}{g \cdot K}$ ، $L_F = 336 \frac{J}{g}$ و اتلاف انرژی نداریم.)

- ① ۲۰۰ ② ۴۰۰ ③ ۶۰۰ ④ ۸۰۰



۵۲- یک قالب یخ صفر درجه سلسیوس را به مقداری آب $15^{\circ}C$ اضافه می‌کنیم. پس از تعادل، دمای آب $2^{\circ}C$ کاهش می‌یابد. در صورتی که یک قالب یخ، مشابه قبلی به همان ظرف آب دوباره اضافه کنیم، دما به اندازه θ کاهش می‌یابد. در مورد θ کدام مورد درست است؟ (اتلاف انرژی ناچیز است.)

- ① $\theta = 2^{\circ}C$ ② $\theta > 2^{\circ}C$ ③ $\theta < 2^{\circ}C$ ④ $\theta = 0^{\circ}C$

۵۳- اگر مقدار یکسان بخار آب 100 درجه سلسیوس و یخ صفر درجه سلسیوس را مخلوط کنیم و از تبادل گرما با محیط صرف نظر شود، دمای تعادل بر

$$\text{حسب درجه سلسیوس کدام است؟ } (L_V = 2256 \frac{kJ}{kg} \text{ و } L_F = 334 \frac{kJ}{kg} \text{ و } c_{\text{آب}} = 4200 \frac{J}{kg \cdot ^{\circ}C})$$

- ① صفر ② ۵۰ ③ ۷۵ ④ ۱۰۰

۵۴- حداقل چند گرم یخ صفر درجه سلسیوس را با $45g$ بخار آب $100^{\circ}C$ مخلوط کنیم تا تمام بخار آب به آب تبدیل شود؟ ($L_F = 334 J/g$ ، $L_V = 2256 J/g$ و $c_{\text{آب}} = 4.2 J/g \cdot ^{\circ}C$ ، اتلاف انرژی نداریم.)

- ① ۱۳۵ ② ۲۴۰ ③ ۱۲۰ ④ ۲۵۰

۵۵- در ظرف کوچکی $134g$ آب 0° وجود دارد. اگر بر اثر تبخیر سطحی مقداری از آب موجود در ظرف تبخیر شود و بقیه یخ ببندد، جرم آب یخ زده چند گرم است؟ ($L_V = 590 c_{\text{آب}}$ ، $L_F = 80 c_{\text{آب}}$ و تمام اعداد در SI هستند.)

- ① ۱۱۸۰ ② ۵۹۰ ③ ۸۰ ④ ۱۶۰

۵۶- در فشار یک اتمسفر قطعه فلزی به جرم 5 کیلوگرم با دمای 68 درجه سلسیوس را روی یک قطعه یخ بزرگ صفر درجه سلسیوس قرار می‌دهیم. اگر گرمای نهان ویژه ذوب یخ $10^5 \frac{J}{kg}$ و 3.4×10^5 و گرمای ویژه فلز $380 \frac{J}{kg \cdot K}$ باشد، چند گرم از یخ ذوب می‌شود؟

- ① ۹۵ ② ۱۹۰ ③ ۳۸۰ ④ ۵۷۰

۵۷- داخل ظرف عایقی مقداری آب و یخ در حال تعادل داریم. چند گرم فلز با دمای 30° و گرمای ویژه $\frac{3}{4}$ برابر گرمای ویژه آب داخل ظرف بیندازیم تا در حالت تعادل، $90g$ از یخ ذوب شود؟ (جرم یخ اولیه بیشتر از 90 است، $L_F = 80 c_{\text{آب}}$ و اتلاف انرژی نداریم.)

- ① ۳۲۰ ② ۳۲ ③ ۱۶۰ ④ ۱۶

۵۸- قطعه فلزی به جرم 2 کیلوگرم با دمای 80 درجه سلسیوس را درون مخلوطی شامل 50 گرم یخ و 150 گرم آب که در تعادل هستند، می‌اندازیم. اگر تا برقراری تعادل گرمایی، مجموعه آب و یخ به اندازه 33.6 کیلوژول گرما گرفته باشند، گرمای ویژه فلز چند واحد SI است؟ (اتلاف انرژی نداریم.)

$$(L_F = 336 kJ/kg, c_{\text{آب}} = 4200 J/kg \cdot ^{\circ}C)$$

- ① ۵۶۰ ② ۲۸۰ ③ ۵۴۰ ④ ۲۷۰

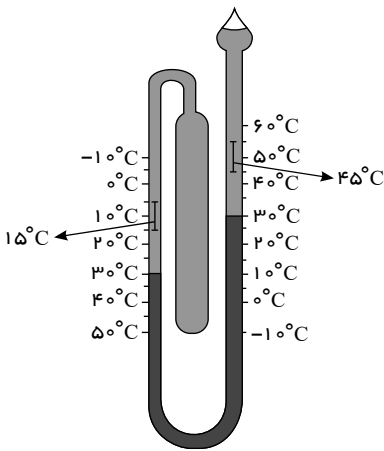
۵۹- درون ظرف عایقی که $2.5kg$ یخ با دمای $-20^{\circ}C$ قرار دارد، $1kg$ آب با دمای $20^{\circ}C$ اضافه می‌کنیم. اگر تبادل گرما فقط بین آب و یخ انجام شود، پس از تعادل گرمایی کدام یک از موارد زیر اتفاق می‌افتد؟ ($L_F = 80 c_{\text{آب}}$ و $c_{\text{یخ}} = 2 c_{\text{آب}}$)

- ① جرم یخ 2.5 درصد افزایش می‌یابد. ② جرم یخ 2.5 درصد کاهش می‌یابد. ③ جرم یخ 5 درصد افزایش می‌یابد. ④ جرم یخ 5 درصد کاهش می‌یابد.



پاسخنامه تشریحی

- ۱ - گزینه ۳ مورد «ت» نادرست است. دقت دماسنج ترموکوپل نسبت به دماسنج گازی کمتر است و علت به کارگیری آن در بسیاری از وسایل صنعتی، گرمایشی و سرمایشی، این موضوع نیست.
- ۲ - گزینه ۴ دماسنج ترموکوپل نسبت به دماسنج‌های گازی و تفسنج نوری دقت کمتری دارد.
- ۳ - گزینه ۳ کمترین دمای ممکن $273,15 -$ درجه سلسیوس معادل صفر کلوین است.
- ۴ - گزینه ۳ سه دماسنج گازی، مقاومت پلاتینی و تفسنج جزء دماسنج‌های معیار هستند.
- ۵ - گزینه ۴ شکل (۱) نشان دهنده یک دماسنج ترموکوپل است که کمیت دماسنجی این دماسنج، ولتاژ بوده و دما براساس عددی که ولت سنج نشان می‌دهد، مشخص می‌شود. شکل (۲) نوع ویژه‌ای از دماسنج‌های مایعی است که بیشینه و کمینه دما را در یک مدت زمان معین نشان می‌دهد و دماسنج بیشینه-کمینه نام دارد. از این دماسنج معمولاً در مراکز پرورش گل و گیاه، باغداری، هواشناسی و ... استفاده می‌شود.
- ۶ - گزینه ۴ در این دماسنج، کوچک بودن جرم محل اتصال سبب می‌شود که به سرعت به تغییرات دما واکنش نشان دهد و با دستگاهی که دمای آن را اندازه‌گیری می‌کند، به تعادل گرمایی برسد.
- ۷ - گزینه ۱ مطابق شکل مقابل بیشینه دما $45^{\circ}C$ و کمینه دما $15^{\circ}C$ است.



۸ - گزینه ۳ با توجه به رابطه‌های $T = \theta + 273$, $F = \frac{9}{5}\theta + 32$ به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم:

گزینه ۱: $T = 223K \Rightarrow \theta = 223 - 273 = -50^{\circ}$

گزینه ۲: $T = 498K \Rightarrow \theta = 498 - 273 = 225^{\circ}$

$\Rightarrow F = \frac{9}{5} \times 225 + 32 = 437^{\circ}F$

گزینه ۳: $\theta = 45^{\circ}C \rightarrow F = \frac{9}{5} \times 45 + 32 = 113^{\circ}F \neq 57^{\circ}F$

گزینه ۴: $T = 23K \Rightarrow \theta = 23 - 273 = -250^{\circ}C$

$\Rightarrow F = \frac{9}{5} \times (-250) + 32 = -418^{\circ}F$

۹ - گزینه ۱ ابتدا دمای جسم را برحسب درجه سلسیوس به دست می‌آوریم:

$T = \theta + 273 \xrightarrow{T=8\theta} 8\theta = \theta + 273 \Rightarrow 7\theta = 273 \Rightarrow \theta = 39^{\circ}C$

حال این دما را برحسب درجه فارنهایت محاسبه می‌کنیم:

$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \Rightarrow F = 102,2^{\circ}F$

۱ - گزینه ۳ با استفاده از رابطه $F = \frac{9}{5}\theta + 32$ و با توجه به این که $\theta = F - 8$ می‌باشد، به صورت زیر دما برحسب فارنهایت را پیدا می‌کنیم.

$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \xrightarrow{\theta=F-8} F = \frac{9}{5}(F-8) + 32 \Rightarrow F = \frac{9}{5}F - \frac{72}{5} + 32$

$\Rightarrow F - \frac{9}{5}F = -\frac{72}{5} + 32 \Rightarrow \frac{-4F}{5} = \frac{-72 + 160}{5} \Rightarrow -4F = 88 \Rightarrow F = -22^{\circ}F$

۱۱ - گزینه ۴ با استفاده از رابطه بین دماهای فارنهایت و کلوین با دمای سلسیوس، داریم:



$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \Rightarrow \Delta F = \frac{9}{5}\Delta\theta \quad (1)$$

$$T = 273 + \theta \Rightarrow \Delta T = \Delta\theta \quad (2)$$

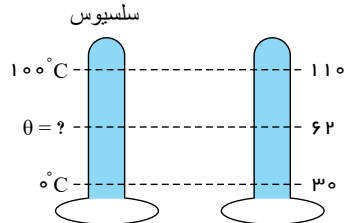
$$\xrightarrow{(1), (2)} \Delta F = \frac{9}{5}\Delta T \Rightarrow -0.9F_1 = \frac{9}{5} \times (-7) \Rightarrow F_1 = 140^\circ F$$

بنابراین:

$$F_1 = \frac{9}{5}\theta_1 + 32 \Rightarrow 140 = \frac{9}{5}\theta_1 + 32 \Rightarrow \theta_1 = 60^\circ C$$

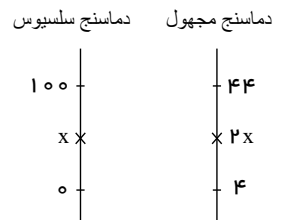
۱۲ - گزینه ۳

با توجه به شکل زیر، ابتدا رابطه بین دما بر حسب درجه سلسیوس و دماستخ مورد نظر را می یابیم:



$$\frac{62 - 30}{110 - 30} = \frac{\theta - 0}{100 - 0} \Rightarrow \theta = \frac{32 \times 100}{80} = 40^\circ$$

۱۳ - گزینه ۲



$$\frac{x - 0}{100 - 0} = \frac{2x - 4}{44 - 4} \Rightarrow \frac{x}{100} = \frac{2x - 4}{40}$$

$$\Rightarrow 20x - 40 = 4x \Rightarrow 16x = 40 \Rightarrow x = 2.5$$

خواسته سؤال، دما در دماستخ مجهول است. پس پاسخ $x = 5$ می باشد.

۱۴ - گزینه ۴ ابتدا رابطه بین دمای x و دمای سلسیوس θ را به دست می آوریم:

$$\frac{x - (-30)}{120 - (-30)} = \frac{\theta - 0}{100 - 0} \Rightarrow \frac{x + 30}{150} = \frac{\theta}{100}$$

$$\Rightarrow 150\theta = 100x + 3000 \Rightarrow \theta = \frac{2}{3}x + 20 \quad (I)$$

حال از رابطه بین مقیاس فارنهایت و مقیاس سلسیوس کمک می گیریم:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \Rightarrow \Delta F = 9\theta + 160 \Rightarrow 9\theta = \Delta F - 160$$

رابطه (I) را در عدد ۹ ضرب می کنیم:

$$9\theta = 6x + 180$$

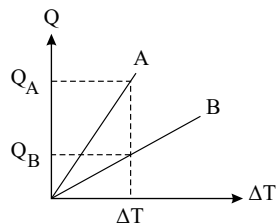
بنابراین:

$$\Delta F - 160 = 6x + 180 \Rightarrow \Delta F = 6x + 340 \Rightarrow F = \frac{6}{5}x + 68$$

۱۵ - گزینه ۴ گرمای ویژه هر جسم، مقدار گرمایی است که باید به یک کیلوگرم از آن جسم داده شود تا دمای آن یک کلوین افزایش یابد.

سایر گزینه ها صحیح هستند.

۱۶ - گزینه ۱



به ازای تغییر دمای یکسان برای دو جسم A و B داریم:

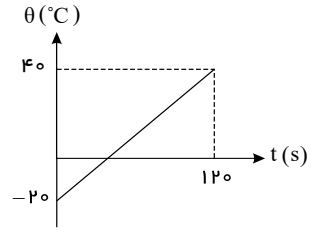
$$Q = mc\Delta T \Rightarrow \frac{Q_A}{Q_B} = \frac{m_A}{m_B} \times \frac{c_A}{c_B} \times \frac{\Delta T_A}{\Delta T_B} \xrightarrow{m_A=m_B, \Delta T_A=\Delta T_B} \frac{Q_A}{Q_B} = \frac{c_A}{c_B} \xrightarrow{Q_A > Q_B} c_A > c_B$$

۱۷ - گزینه ۲ با توجه به نمودار، دمای جسم در مدت ۱۲s از $20^\circ C$ به $40^\circ C$ رسیده است لذا با استفاده از رابطه مبادله گرما داریم:



$$Q = mc\Delta\theta \xrightarrow{m=100g=0.1kg, c=400 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}} Q = 0.1 \times 400 \times 60 = 2400 J$$

$$\Delta\theta = 40 - (-20) = 60^\circ C$$



جسم این مقدار گرما را در مدت ۱۲۰s دریافت کرده است لذا به طور متوسط در هر ثانیه ۲۰J گرما دریافت کرده است.

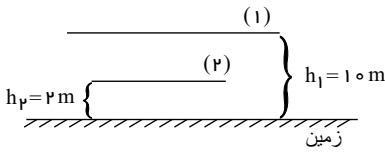
۱۸ - گزینه ۱ ۶۰ درصد انرژی جنبشی چکش در حین برخورد صرف افزایش دمای میخ می‌شود، بنابراین می‌توان نوشت:

$$Q = \frac{60}{100} \Delta K \Rightarrow mc\Delta T = \frac{60}{100} \times \frac{1}{2} Mv^2$$

$$\Rightarrow \frac{20}{1000} \times 450 \times \Delta T = \frac{60}{100} \times \frac{1}{2} \times 1.5 \times 5^2 \Rightarrow \Delta T = 1.25 K = 1.25^\circ C$$

۱۹ - گزینه ۲

در نقطه (۱) که همان لحظه شروع حرکت می‌باشد، به علت رها شدن جسم در این نقطه انرژی جنبشی صفر است و در نقطه (۲) که همان پایان حرکت است، به علت این که جسم از نقطه بالاتر نرفته، انرژی جنبشی صفر است.



$$E_p - E_1 = mgh_2 - mgh_1$$

$$\Rightarrow \text{انرژی تلف شده} = mg(h_2 - h_1) = 0.5 \times 10 \times (2 - 10) = -40 J$$

این انرژی تلف شده صرف گرم کردن جسم و افزایش دمای آن می‌شود، لذا داریم:

$$| \text{انرژی تلف شده} | = mc\Delta\theta \Rightarrow 40 = \frac{1}{2} \times 80 \times \Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = 1^\circ C$$

۲۰ - گزینه ۴ با توجه به رابطه ظرفیت گرمایی (C) داریم:

$$C = \frac{Q}{\Delta\theta} \Rightarrow \frac{C_A}{C_B} = \frac{Q_A}{Q_B} \times \frac{\Delta\theta_B}{\Delta\theta_A} = \frac{Q}{2Q} \times \frac{2\theta}{\theta} = 1$$

با توجه به رابطه گرمای ویژه (c) داریم:

$$c = \frac{Q}{m\Delta\theta} \Rightarrow \frac{c_A}{c_B} = \frac{Q_A}{Q_B} \times \frac{m_B}{m_A} \times \frac{\Delta\theta_B}{\Delta\theta_A} = \frac{Q}{2Q} \times \frac{m}{2} \times \frac{2\theta}{\theta} = \frac{1}{2}$$

$$c = \frac{C}{m} \Rightarrow \frac{c_A}{c_B} = \frac{C_A}{C_B} \times \frac{m_B}{m_A} = 1 \times \frac{m}{2} = \frac{1}{2}$$

۲۱ - گزینه ۲

$$\begin{cases} Q_1 = m_1 c \Delta\theta_1 \Rightarrow 120 = m_1 \times 200 \times 30 \Rightarrow m_1 = 20g \\ Q_2 = m_2 c \Delta\theta_2 \Rightarrow 120 = m_2 \times 200 \times 50 \Rightarrow m_2 = 12g \end{cases}$$

$$\Rightarrow m_1 - m_2 = 8g$$

بنابراین اختلاف جرم دو گلوله برابر است با:

۲۲ - گزینه ۲ برای کتری برقی داریم:

$$P = \frac{Q}{t} \Rightarrow Q = Pt$$

از طرفی برای افزایش دمای آب از ۲۰°C به ۷۰°C داریم:

$$Q = |mc_{\text{آب}} \Delta T|$$

بنابراین:

$$Pt = |mc_{\text{آب}} \Delta T| \Rightarrow 2 \times 10^3 \times t = 200 \times 10^{-3} \times 4200 \times (70 - 20) \Rightarrow t = 21s$$

۲۳ - گزینه ۲ ابتدا توان مفید را محاسبه می‌کنیم و سپس گرمکن را هم در محاسبات لحاظ می‌کنیم:

$$P_{\text{مفید}} = \frac{80}{100} P_{\text{کل}} = \frac{80}{100} \times 200 = 160W$$

می‌دانیم دمای مایع درون ظرف با دمای ظرف برابر است:

$$Q_T = Q_{\text{آب}} + Q_{\text{گرمکن}} = 2 \times 4200 \times (20 - 10) + 400 \times (20 - 10) \Rightarrow Q_T = 88000 J$$

$$P = \frac{Q_T}{t} \Rightarrow 160 = \frac{88000}{t} \Rightarrow t = 550s$$

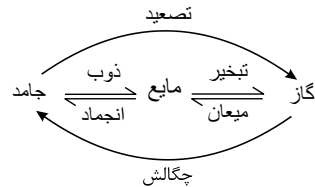
$$\left. \begin{aligned} P \times t &= 375 \times (7 \times 60) = 157500 J \\ Q &= mc\Delta\theta \Rightarrow Q = \frac{250}{1000} \times 4200 \times (80 - 20) = 63000 J \end{aligned} \right\} \rightarrow \text{بازده} = \frac{Q}{P \cdot t} = \frac{63 \times 10^3}{1575 \times 10^3} = 0,4 \Rightarrow \text{بازده} = 40\%$$

۲۵ - گرمایی که گرمکن تولید می کند، دمای آب و گرماسنج را هم زمان بالا می برد، لذا داریم:

$$Q_{\text{گرمکن}} = C\Delta\theta + mc\Delta\theta \Rightarrow Pt = C\Delta\theta + mc\Delta\theta$$

$$\begin{aligned} P=200W, t=1 \text{ min}=60s &\rightarrow 200 \times 60 = C \times 20 + 0,1 \times 4200 \times 20 \Rightarrow 12000 = 20C + 8400 \Rightarrow 20C = 3600 \\ m=100g=0,1kg, \Delta\theta=40-20=20^\circ C & \\ \Rightarrow C = \frac{3600}{20} = 180 J/^\circ C & \end{aligned}$$

۲۶ - گزینه ۳



با توجه به شکل، تغییر حالت جامد به مایع (A) ذوب، مایع به گاز (B) تبخیر، جامد به گاز (F) تصعید و تغییر حالت گاز به مایع (C) میعان، مایع به جامد (D) انجماد و گاز به جامد (E) چگالش می باشد که با توجه به گزینه ها، گزینه ۳ صحیح نیست.

۲۷ - گزینه ۴ فرایند تصعید (جامد به بخار) گرماگیر، فرایند چگالش (بخار به جامد) گرماده و فرایند میعان (بخار به مایع) گرماده است.

۲۸ - گزینه ۴ در ارتفاعات چون فشار هوا کاهش می یابد، نقطه جوش آب نیز کاهش خواهد یافت، در نتیجه تخم مرغ دیرتر آب پز می شود. دقت کنید: هرچه نقطه جوش آب بالاتر باشد، آب در دمای بالاتری می جوشد و در نتیجه تخم مرغ زودتر آب پز می شود.

۲۹ - گزینه ۳ گرمای نهان تبخیر به دما بستگی دارد و در مورد آب با افزایش دما کاهش می یابد. زیرا با افزایش دما، جنبش مولکول های آب افزایش یافته و انرژی کم تری نیاز است تا مولکول های آب، انرژی لازم برای جدا شدن از سطح آب را به دست آورند.

۳۰ - گزینه ۳ از بین عبارات های داده شده، عبارات های «الف»، «ب»، «پ» و «د» عبارت «ت» نادرست است. بنابراین، ۳ مورد از موارد داده شده درست می باشد.

دقت کنید با افزایش سطح آزاد مایع، تعداد مولکول هایی که به سطح مایع نزدیک هستند بیش تر می شود و سریع تر می توانند مایع را ترک کنند. هم چنین افزایش فشار وارد بر سطح مایع باعث می شود مولکول ها به سهولت از سطح مایع جدا نشوند، در نتیجه تبخیر سطحی کندتر انجام گیرد. در ضمن تبخیر سطحی در هر دمایی رخ می دهد و لازم نیست مایع به نقطه جوش خود برسد. با افزایش دمای مایع آهنگ تبخیر سطحی افزایش پیدا می کند.

۳۱ - گزینه ۳ برای آن که نیمی از یخ با دمای $20^\circ C$ ذوب شود باید ابتدا دمای تمام آن به صفر درجه سلسیوس برسد و سپس نیمی از آن ذوب شود. داریم:

$$Q = mc_{\text{یخ}}\Delta\theta + \frac{m}{\rho}L_F \Rightarrow Q = 2 \times 2,1 \times (0 - (-20)) + \frac{2}{\rho} \times 336 = 420 kJ$$

۳۲ - گزینه ۴ ابتدا گرمای مورد نیاز برای تبدیل یخ $20^\circ C$ به یخ $0^\circ C$ را به دست می آوریم:

$$Q_1 = mc_{\text{یخ}}\Delta\theta = 0,02 \times 2100 \times 20 = 840 J$$

چون $840 kJ$ گرمای داده شده از 840 ژول بیش تر است. یعنی یخ شروع به ذوب شدن می کند. حال برای تبدیل تمام یخ صفر درجه سلسیوس به آب صفر درجه سلسیوس (ذوب کامل) به اندازه Q_2 گرما لازم است:

$$Q_2 = mL_F = 0,02 \times 336000 = 6720 J$$

از آن جایی که $4160 J > 840 J + 6720 J$ است، کل یخ ذوب نمی شود. در نتیجه در ظرف، مخلوط آب و یخ صفر درجه سلسیوس موجود است. بنابراین دمای نهایی صفر درجه سلسیوس است.

۳۳ - گزینه ۴ با توجه به تعریف بازده، توان خروجی این گرمکن، برابر است با:

$$Ra = \frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{ورودی}}} \times 100 \Rightarrow 80 = \frac{P_{\text{خروجی}}}{2 \times 10^3} \times 100 \Rightarrow P_{\text{خروجی}} = 1600 W$$

از طرفی مقدار گرمای لازم برای تبدیل یخ صفر درجه سلسیوس به آب $40^\circ C$ برابر است با:

$$Q = mL_F + mc\Delta\theta = m \times 336 \times 10^3 + m \times 4200 \times (40 - 0) \Rightarrow Q = 504000 m (J)$$

در نهایت داریم:

$$P_{\text{خروجی}} = \frac{Q}{t} \Rightarrow 1600 = \frac{504000 m}{7 \times 60 \times 60} \Rightarrow m = 80 kg$$

۳۴ - گزینه ۳ هنگامی که $100 g$ آب در ظرف باقی می ماند، $300 g$ از آن بخار شده است. بنابراین داریم:

$$Q_T = Q_1 + Q_2 = mc\Delta\theta + m'L_V$$

$$\Rightarrow Q_T = 0,4 \times 4200 \times (100 - 40) + 0,3 \times 2256 \times 10^3$$

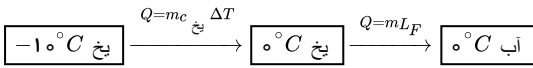
$$\Rightarrow Q_T = 100800 + 676800 = 777600 J$$

کنون با جایگذاری در رابطه توان، زمان را به دست می آوریم:

$$t = \frac{Q_T}{P} = \frac{777600}{3600} = 216 s$$

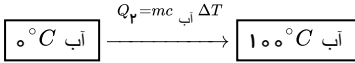


۳۵ - گزینه ۱ ابتدا مقدار گرمایی که یخ $10^\circ C$ می‌گیرد تا به آب $0^\circ C$ تبدیل شود را به دست می‌آوریم:



$$Q_1 = mc_{\text{یخ}} \Delta T + mL_F \xrightarrow{L_F = 160c_{\text{یخ}}} Q_1 = m \times c_{\text{یخ}} \times (0 - (-10)) + m \times 160c_{\text{یخ}} \Rightarrow Q_1 = 170mc_{\text{یخ}}$$

مقدار گرمایی که آب $0^\circ C$ می‌گیرد تا به آب $100^\circ C$ تبدیل شود برابر است با:



$$Q_2 = mc_{\text{آب}} \Delta T \xrightarrow{100c_{\text{آب}} = 160c_{\text{یخ}} \Rightarrow c_{\text{آب}} = 2c_{\text{یخ}}} Q_2 = m \times 2c_{\text{یخ}} \times (100 - 0) \Rightarrow Q_2 = 200mc_{\text{یخ}}$$

اکنون با استفاده از رابطه $P = \frac{Q}{t}$ و با توجه به اینکه توان گرمکن ثابت است، می‌توان نوشت:

$$P = \frac{Q_1}{t_1} = \frac{Q_2}{t_2} \xrightarrow{t_1 = 17 \text{ min}} \frac{170mc_{\text{یخ}}}{17} = \frac{200mc_{\text{یخ}}}{t_2} \Rightarrow t_2 = 20 \text{ min}$$

۳۶ - گزینه ۴ مطابق نمودار ابتدا هر دو جسم گرما می‌گیرند و دمای آن‌ها بالا می‌رود تا به نقطه ذوب برسند. بنابراین چون منبع گرما یکسان و مدت زمانی که طول می‌کشد تا دو جسم به نقطه ذوب برسند یکسان است، داریم:

$$P_1 t_1 = P_2 t_2 \Rightarrow Q_1 = Q_2 \Rightarrow m_1 c_1 \Delta \theta_1 = m_2 c_2 \Delta \theta_2 \xrightarrow{m_1 = m_2} c_1 < c_2$$

$\Delta \theta_1 > \Delta \theta_2$

در قسمت افقی نمودار که در آن دما ثابت است، جسم جامد در حال ذوب شدن است. از طرفی جسم (۱) طی مدت زمان کمتری ذوب شده است، بنابراین:

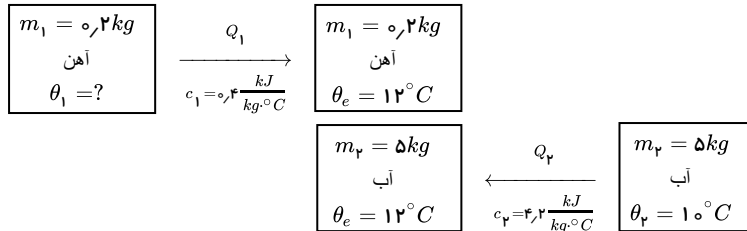
$$t'_1 < t'_2 \Rightarrow P t'_1 < P t'_2 \Rightarrow Q'_1 < Q'_2$$

$$\Rightarrow m_1 (L_F)_1 < m_2 (L_F)_2 \xrightarrow{m_1 = m_2} (L_F)_1 < (L_F)_2$$

۳۷ - گزینه ۴ مقدار گرمایی که به واحد جرم جسم داده می‌شود تا در دمای ثابت ذوب شود را گرمای نهان ویژه ذوب می‌گوییم که با توجه به نمودار صورت سؤال، این مقدار گرما در دمای ذوب $10^\circ C$ از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$Q = mL_F \Rightarrow (95 - 20) \times 10^3 = 0.5 \times L_F \Rightarrow L_F = 1.5 \times 10^5 \frac{J}{kg}$$

۳۸ - گزینه ۲ با استفاده از رابطه تعادل گرمایی و با توجه به اینکه دمای تعادل $12^\circ C$ است، داریم:



$$Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow m_1 c_1 \Delta \theta_1 + m_2 c_2 \Delta \theta_2 = 0 \Rightarrow m_1 c_1 (\theta_e - \theta_1) + m_2 c_2 (\theta_e - \theta_2) = 0$$

حال داده‌های شکل را در رابطه اخیر جایگذاری می‌کنیم.

$$0.2 \times 0.4 \times (12 - \theta_1) + 5 \times 4.2 \times (12 - 10) = 0 \Rightarrow 0.08 \times (12 - \theta_1) + 21 \times 2 = 0$$

$$0.08 \times (12 - \theta_1) = -42 \Rightarrow 12 - \theta_1 = -525 \Rightarrow \theta_1 = 12 + 525 = 537^\circ C$$

دقت کنید گرمای ویژه دو جسم برحسب واحد یکسان $\frac{kJ}{kg \cdot ^\circ C}$ داده شده بود و احتیاجی به تبدیل واحد آن‌ها برحسب واحدهای SI نبود.

۳۹ - گزینه ۲ راه اول: جمع جبری گرماهای مبادله شده برابر صفر است. باید دقت کنیم $20^\circ C$ دمای تعادل می‌باشد.

$$Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow m_1 c_1 (\theta_e - \theta_1) + m_2 c_2 (\theta_e - \theta_2) = 0 \xrightarrow{c_1 = c_2} m_1 \times (20 - 18) + m_2 \times (20 - 26) = 0 \Rightarrow m_1 = 3m_2$$

$$\begin{cases} m_1 + m_2 = 200g \\ m_1 = 3m_2 \end{cases} \Rightarrow 3m_2 + m_2 = 200g \Rightarrow m_2 = 50g \Rightarrow m_1 = 3m_2 = 150g$$

راه دوم: دمای تعادل برای چند جسم هم جنس بدون تغییر حالت برابر است با:

$$\theta_e = \frac{m_1 \theta_1 + m_2 \theta_2}{m_1 + m_2} \Rightarrow 20 = \frac{18m_1 + 26m_2}{m_1 + m_2} \Rightarrow m_1 = 3m_2$$

$$m_1 + m_2 = 200g \Rightarrow 3m_2 + m_2 = 200g \Rightarrow m_2 = 50g \Rightarrow m_1 = 150g$$



۴۰ - گزینه ۱

با استفاده از رابطه $Q = mc\Delta\theta$ و همچنین $\rho = \frac{m}{V}$ می توان نوشت:

$$Q_A + Q_B = 0 \xrightarrow{\rho = \frac{m}{V}, Q = mc\Delta\theta} \rho_A V_A c_A (\theta_{\text{تعادل}} - \theta_A) + \rho_B V_B c_B (\theta_{\text{تعادل}} - \theta_B) = 0$$

$$\Rightarrow 2\rho_B \times 2V_B \times 1200(\theta_{\text{تعادل}} - 25) + \rho_B V_B \times 1600(\theta_{\text{تعادل}} - 45) = 0 \Rightarrow 4\theta_{\text{تعادل}} - 120 = 0 \Rightarrow \theta_{\text{تعادل}} = 30^\circ C$$

۴۱ - گزینه ۲ با استفاده از رابطه $Q_{\text{آب}} + Q_{\text{کره}} = 0$ داریم:

$$m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} (\theta - \theta_{\text{آب}}) + m_{\text{مس}} c_{\text{مس}} (\theta - \theta_{\text{مس}}) = 0 \Rightarrow 2 \times 4200 \times (\theta - 20) + m_{\text{مس}} \times 400 \times (\theta - 23) = 0$$

$$\Rightarrow m_{\text{مس}} = 4,5 \text{ kg} = 4500 \text{ g}$$

حال با استفاده از رابطه $V = \frac{m}{\rho}$ حجم کره را می یابیم:

$$\Rightarrow V = \frac{4500}{9} = 500 \text{ cm}^3 \text{ و } V = \frac{4}{3}\pi r^3$$

$$\Rightarrow 500 = \frac{4}{3} \times 3 \times r^3 \Rightarrow r^3 = 125 \Rightarrow r = 5 \text{ cm}$$

۴۲ - گزینه ۳

$$Q_{\text{آب}} + Q_{\text{فلز}} + Q_{\text{گرماسنج}} = 0$$

$$\Rightarrow m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} (\theta_e - \theta_{\text{آب}}) + m_{\text{فلز}} c_{\text{فلز}} (\theta_e - \theta_{\text{فلز}}) + C_{\text{گرماسنج}} (\theta_e - \theta_{\text{گرماسنج}}) = 0$$

$$\Rightarrow 1 \times 4200 \times (\theta - 10) + 1 \times 420 \times (\theta - 30) + 1500 \times (\theta - 72) = 0$$

$$\Rightarrow 30 - \theta_{\text{فلز}} = -50 \Rightarrow \theta_{\text{فلز}} = 80^\circ C$$

۴۳ - گزینه ۳ با استفاده از شرط تعادل گرمایی و رابطه $Q = C\Delta\theta$ (ظرفیت گرمایی است).

می توان نوشت:

$$Q_A + Q_B + Q_C = 0 \Rightarrow C_A(\theta - \theta_A) + C_B(\theta - \theta_B) + C_C(\theta - \theta_C) = 0$$

$$\xrightarrow{\theta = 20^\circ C, \theta_A = 18^\circ C, \theta_B = 15^\circ C, \theta_C = 32^\circ C} C_C(20 - 18) + C_B(20 - 15) + C_C(20 - 32) = 0$$

$$\xrightarrow{C_A = C_C} 2C_C + 5C_B - 12C_C = 0 \Rightarrow 10C_C = 5C_B \Rightarrow \frac{C_C}{C_B} = \frac{1}{2}$$

۴۴ - گزینه ۴ چون $\frac{1}{6}$ گرمایی که گلوله از دست می دهد به محیط اطراف داده شده است، باید $\frac{5}{6}$ آن به آب داده شود. بنابراین با استفاده از شرط تعادل گرمایی داریم:

$$\boxed{20^\circ C \text{ آب}} \xrightarrow{Q_p = m_p c_p \Delta\theta} \boxed{20^\circ C \text{ آب}}$$

$$\boxed{100^\circ C \text{ فلز}} \xrightarrow{Q_1 = C\Delta\theta} \boxed{20^\circ C \text{ فلز}}$$

$$Q_p + \frac{5}{6}Q_1 = 0 \Rightarrow m_p c_p (20 - 0) + \frac{5}{6} \times C(20 - 100) = 0$$

$$\xrightarrow{m_p = 2 \text{ kg}, c_p = 4200 \frac{J}{\text{kg} \cdot ^\circ C}} 2 \times 4200 \times 20 = \frac{5}{6} \times C \times 80 \Rightarrow C = 2520 \frac{J}{^\circ C}$$

۴۵ - گزینه ۱ روش اول: ابتدا فرض می کنیم تبادل گرمایی با محیط وجود ندارد. حساب می کنیم که اگر ۲۱ کیلوژول گرما به محیط داده نمی شد، دمای تعادل چند درجه سلسیوس می شد. بنابراین:

$$Q_1 + Q_p = 0 \Rightarrow m_1 c_{Ab} \times (\theta - 30) + 5 \times c_{Ab} \times (\theta - 70) = 0$$

$$\Rightarrow m_1(\theta - 30) + 5 \times (\theta - 70) = 0 \Rightarrow \theta = \frac{30m_1 + 350}{m_1 + 5}$$

از طرفی می دانیم دمای نهایی مجموعه پس از تبادل گرما با محیط، برابر $55^\circ C$ است. بنابراین:

$$Q = mc\Delta T \Rightarrow -21000 = (m_1 + 5) \times 4200 \times (55 - \frac{30m_1 + 350}{m_1 + 5}) \Rightarrow m_1 = 2,8 \text{ kg}$$

روش دوم: می توانیم از رابطه زیر استفاده کنیم:

$$Q_1 + Q_p + Q = 0$$

که Q گرمایی است که توسط مجموعه به محیط داده شده است. بنابراین:

$$m_1 \times 4200 \times (55 - 30) + 5 \times 4200 \times (55 - 70) + 21000 = 0 \Rightarrow m_1 = 2,8 \text{ kg}$$



۴۶ - گزینه ۳ در حین تبادل گرما، آب با دمای بالاتر گرما از دست داده و آب با دمای پایین تر گرما گرفته است. گرمایی که آب $80^{\circ}C$ از دست داده تا به $60^{\circ}C$ برسد:

$$Q_1 = m_1 c_1 (\theta_e - \theta_1) \Rightarrow Q_1 = 100 \times 4,2 \times (60 - 80) = -8400 J$$

گرمایی که آب $20^{\circ}C$ دریافت کرده است تا به $60^{\circ}C$ برسد:

$$Q_2 = m_2 c_2 (\theta_e - \theta_2) \Rightarrow Q_2 = 300 \times 4,2 \times (60 - 20) = 50400 J$$

با توجه به مقادیر Q_1 و Q_2 می توان نتیجه گرفت که گرمایی که آب $20^{\circ}C$ گرفته تا به $60^{\circ}C$ برسد، بیشتر از گرمایی است که آب $80^{\circ}C$ از دست می دهد تا به $20^{\circ}C$ برسد. بنابراین می توان گفت که مقداری گرما که برابر مجموع Q_1 و Q_2 است یعنی $42 kJ$ از محیط بیرون به آب داده شده است.

۴۷ - گزینه ۴ کل گرمایی که آب $50^{\circ}C$ از دست می دهد تا به آب صفر درجه سلسیوس تبدیل شود و یخ آن را می گیرد برابر است با:

(آب $50^{\circ}C$) \rightarrow (آب $0^{\circ}C$)

$$Q = mc\Delta\theta \xrightarrow[\Delta\theta=0-50=-50^{\circ}C]{m=100g, c=4,2 \frac{J}{g^{\circ}C}} Q = 100 \times 4,2 \times (-50) \Rightarrow Q = -21000 J$$

کل گرمایی که یخ $0^{\circ}C$ نیاز دارد تا به آب $0^{\circ}C$ تبدیل شود برابر است با:

$$Q' = m' L_F \xrightarrow[L_F=336 \frac{J}{g}]{m'=100g} Q' = 100 \times 336 \Rightarrow Q' = 33600 J$$

چون مقدار کل گرمایی که آب از دست می دهد کمتر از مقدار گرمایی است که برای ذوب کل یخ لازم است ($|Q| < Q'$)، بنابراین مقداری از یخ باقی می ماند. در نتیجه چوب آب و یخ در تعادل گرمایی اند، دمای تعادل آن ها $0^{\circ}C$ است.

۴۸ - گزینه ۳ هرگاه مخلوط آب و یخ داشته باشیم، یعنی دمای تعادل صفر درجه سلسیوس است.

آب $0^{\circ}C \rightarrow$ یخ $0^{\circ}C \rightarrow$ یخ $10^{\circ}C$

آب $50^{\circ}C \rightarrow$ آب $0^{\circ}C$

طبق اصل پایستگی انرژی، جمع جبری گرماهای مبادله شده باید صفر شود. بنابراین:

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0$$

$$\Rightarrow m_{\text{یخ}} c_{\text{یخ}} (0 - (-10)) + m' L_F + m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} (0 - 50) = 0$$

$$\xrightarrow{m'=200-50=150g} 200 \times 2100 \times 10 + 150 \times 336000 + m_{\text{آب}} \times 4200 \times (-50) = 0 \Rightarrow m_{\text{آب}} = 260g$$

۴۹ - گزینه ۲ دمای نهایی فرآیند مشخص و برابر صفر درجه است بنابراین اختلاف گرمایی که آب از دست می دهد تا به صفر درجه برسد با گرمایی که یخ می گیرد تا به دمای صفر درجه برسد، صرف ذوب شدن بخشی از یخ می شود.

$$Q_H - Q_c = m' L_f \Rightarrow m_W C_W \Delta\theta_W - m_i C_i \Delta\theta_i = m' L_f$$

$$0,5 \times 4200 \times 60 - 0,5 \times 2100 \times 10 = m' 336000 \Rightarrow m' = 350g$$

$$500 - 350 = 150g$$

بنابراین جرم یخ باقی مانده برابر خواهد بود با:

۵۰ - گزینه ۲ چون از تبادل گرما با محیط صرف نظر شده است، هنگامی که قطعه یخ $5^{\circ}C$ را در داخل استخر پر از آب $0^{\circ}C$ می اندازیم، دمای تعادل $0^{\circ}C$ می شود. قطعه یخ از آب گرما گرفته تا دمای خود را به صفر درجه سلسیوس برساند، بنابراین مقداری از آب $0^{\circ}C$ استخر به یخ $0^{\circ}C$ تبدیل می شود و جرم یخ افزایش می یابد، داریم:

$$Q_{\text{آب}} + Q_{\text{یخ}} = 0 \rightarrow -m' L_F + m_{\text{یخ}} c_{\text{یخ}} (0 - (-5)) = 0$$

$$m' L_F = 5 m_{\text{یخ}} c_{\text{یخ}} \Rightarrow m' = \frac{5 m_{\text{یخ}} c_{\text{یخ}}}{L_F} = \frac{5 \times 2100 \times m_{\text{یخ}}}{3360 \times 10^3} \Rightarrow m' = 0,3 m_{\text{یخ}}$$

$$\text{درصد تغییرات} = \frac{\Delta m}{m_{\text{یخ}}} \times 100 = \frac{0,3 m_{\text{یخ}}}{m_{\text{یخ}}} \times 100 = 30\%$$

۵۱ - گزینه ۴ یخ با گرفتن گرما از آب صفر درجه سلسیوس، دمای خود را به صفر درجه سلسیوس می رساند و در این حالت بخشی از آب با از دست دادن گرما، تبدیل به یخ صفر درجه سلسیوس می شود که در این حالت مجموع گرمای مبادله شده صفر می باشد.

$$Q_1 > 0 \quad \text{یخ } -20^{\circ}C \rightarrow \text{یخ } 0^{\circ}C$$

$$Q_2 < 0 \quad \text{آب } 0^{\circ}C \rightarrow \text{یخ } 0^{\circ}C$$

$$Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow m_1 c \Delta\theta - m_2 L_F = 0 \Rightarrow m_1 \times 2,1 \times 20 = 100 \times 336 \Rightarrow m_1 = 800g$$

۵۱ - گزینه ۳ جرم آب درون ظرف در حالت دوم بیشتر از حالت اول است زیرا جرم قالب یخ اولی به جرم آب اضافه شده است.

لبق رابطه $Q = mc\Delta\theta$ ، به ازای Q های یکسان (چون قالب های یخ مشابه اند)، $\Delta\theta \propto \frac{1}{m}$. کاهش دمای آب در حالت دوم کم تر از کاهش دما در حالت اول خواهد بود. ($\theta < 2^{\circ}C$)

۵۱ - گزینه ۴ گرمایی که بخار آب از دست می دهد تا به آب $100^{\circ}C$ تبدیل شود:



$$Q_V = mL_V = (2256m)kJ$$

گرمای لازم برای ذوب یخ:

$$Q_F = mL_F = (340m)kJ \Rightarrow Q_V > Q_F \Rightarrow \text{تمام یخ ذوب می شود.}$$

اختلاف Q_V و Q_F ، صرف افزایش دمای یخ ذوب شده می شود.

گرمای لازم برای تبدیل یخ ذوب شده به آب 100° :

$$Q = m \times 4200 \times 100 = (420m)KJ \Rightarrow (Q_V - Q_F) > Q$$

بنابراین دمای یخ ذوب شده به $100^\circ C$ می رسد.

پس دمای تعادل $100^\circ C$ است.

۵۴ - گزینه ۱ چون حداقل مقدار یخ خواسته شده است، پس یخ صفر درجه سلسیوس باید به آب $100^\circ C$ تبدیل شود و بخار آب $100^\circ C$ باید به آب $100^\circ C$ تبدیل شود مقدار گرمایی که m گرم یخ صفر درجه سلسیوس باید بگیرد تا به آب $100^\circ C$ تبدیل شود، برابر است با:

$$Q_1 = mL_F + mc_{\text{آب}}\Delta\theta = 340m + m \times 4.2 \times (100 - 0) \Rightarrow Q_1 = 750m$$

مقدار گرمایی که بخار آب $100^\circ C$ باید از دست بدهد تا به آب $100^\circ C$ تبدیل شود برابر است با:

$$Q_2 = -mL_V = -45 \times 2250(J)$$

چون اتلاف انرژی نداریم:

$$Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow 750M - (45 \times 2250) = 0 \Rightarrow m = 135g$$

۵۵ - گزینه ۱ مقدار گرمایی که صرف تبخیر قسمتی از آب می شود. از بقیه آب گرفته می شود و صرف انجماد آن می گردد. اگر فرض کنیم از m گرم آب اولیه، مقدار m_1 گرم آن یخ ببندد و مقدار m_2 گرم آن تبخیر شود، داریم:

$$Q_1 = m_1 L_F$$

$$Q_2 = m_2 L_V = (m - m_1)L_V$$

$$Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow -m_1 L_F + (m - m_1)L_V = 0 \Rightarrow m_1 = \frac{L_V}{L_F + L_V} m = \frac{590c_{\text{آب}}}{80c_{\text{آب}} + 590c_{\text{آب}}} \times 1340$$

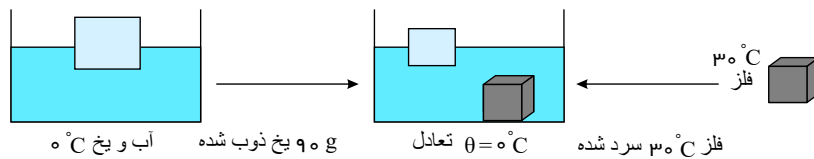
$$\Rightarrow m_1 = \frac{59}{67} \times (20 \times 67) \Rightarrow m_1 = 1180g$$

۵۶ - گزینه ۳ گرمایی که قطعه فلز از دست می دهد را یخ جذب می کند تا ذوب شود. باتوجه به این که در صورت سؤال اشاره کرده قطعه یخ بزرگ است و از طرفی گفته چند گرم یخ ذوب می شود، به آن معناست که در انتها مقداری یخ باقی مانده و دمای تعادل صفر درجه سلسیوس است. جمع جبری گرماهای از دست داده و گرفته شده باید برابر صفر شود داریم:

$$Q_1 + Q_2 = 0 \Rightarrow m_1 c_1 (\theta_e - \theta_1) + m_2 L_F = 0$$

$$5 \times 380 \times (0 - 68) = -m_2 \times 3.4 \times 10^5 \Rightarrow m_2 = \frac{5 \times 380 \times 68}{3.4 \times 10^5} = \frac{38}{100} kg = 380g$$

۵۷ - گزینه ۱ می دانیم آب و یخ در حال تعادل دارای دمای صفر درجه سلسیوس هستند. از طرفی پس از تعادل مقداری یخ باقی مانده، پس باز هم در تعادل دما صفر درجه سلسیوس است؛ بنابراین فرآیندهای مبادله گرما بصورت زیر است:



$$Q = mL_F = Q = Q_{\text{فلز}} \rightarrow m_{\text{آب}} L_F = m_{\text{فلز}} c \Delta\theta \xrightarrow{L_F = 80c_{\text{آب}}} 90 \times 80c_{\text{آب}} = m_{\text{آب}} \times \frac{3}{4} c_{\text{آب}} \times 30 \Rightarrow m_{\text{فلز}} = 320g$$

۵۸ - گزینه ۲ ابتدا به کمک گرمای گرفته شده توسط آب و یخ، دمای تعادل را به دست می آوریم. ابتدا بررسی کنیم آیا کل یخ با گرفتن گرما ذوب شده است و یا مقداری یخ باقی خواهد ماند. اگر مقداری یخ باقی خواهد ماند. اگر مقداری یخ در مجموعه باقی بماند، دمای تعادل صفر خواهد بود. گرمای لازم برای ذوب 50 گرم یخ چنین خواهد بود:

$$Q = mL_F \Rightarrow Q = 0.05 \times 336000 = 16800J$$

این گرما کم تر از گرمای داده شده به مجموعه آب و یخ بوده، پس کل یخ ذوب شده و دمای تعادل مثبت است. از 33600 ژول گرمای داده شده، $16800J$ آن صرف ذوب یخ و مابقی آن صرف افزایش دمای آب و یخ شده است. پس داریم:

$$Q = mc\Delta T \Rightarrow 33600 - 16800 = 0.2 \times 4200 \Delta T$$

$$\Rightarrow \Delta T = 20^\circ C \xrightarrow{T_1 = 0} T_2 = 20^\circ C \Rightarrow \theta_e = 20^\circ C$$

کنون می توان به کمک گرمای از دست داده فلز، گرمای ویژه آن را به دست آورد:

$$|Q_{\text{فلز}}| = |Q_{\text{آب و یخ}}| \Rightarrow Q_{\text{فلز}} = -33600J$$



$$Q_{\text{فنر}} = mc\Delta T \Rightarrow -33600 = 2 \times c_{\text{فنر}} \times (20 - 80) \Rightarrow c_{\text{فنر}} = 280 \text{ J/kg} \cdot ^\circ\text{C}$$

۵۹ - گزینه ۱ مقدار گرمایی که باید 1 kg آب 20°C از دست بدهد تا به آب صفر درجه سلسیوس تبدیل شود، برابر است با:

$$Q_{\text{آب}} = mc_{\text{آب}}\Delta\theta = 1 \times 4200 \times (0 - 20) = -84000 \text{ J}$$

مقدار گرمایی که باید $2,5 \text{ kg}$ یخ 20°C بگیرد تا به یخ 0°C تبدیل شود:

$$Q_{\text{یخ}} = m'c_{\text{یخ}}\Delta\theta' = 2,5 \times c_{\text{یخ}} \times (0 - (-20)) = 50c_{\text{یخ}}$$

$Q_{\text{آب}} < Q_{\text{یخ}}$ است، در نتیجه پس از رسیدن به دمای صفر آب شروع به یخ زدن می کند. بنابراین داریم:

جرم آب یخ زده m''

$$Q_{\text{آب}} + Q_{\text{یخ}} = 0 \Rightarrow [mc\Delta\theta - m''L_F]_{\text{آب}} + [mc\Delta\theta]_{\text{یخ}} = 0$$

$$\Rightarrow [1 \times 4200 \times (0 - 20) - m'' \times 160000] + [2,5 \times c_{\text{یخ}} \times (0 - (-20))] = 0$$

$$\Rightarrow -84000 - 160000m'' + 50c_{\text{یخ}} = 0 \Rightarrow 160000m'' = 10 \Rightarrow m'' = \frac{1}{16} \text{ kg}$$

$$\text{درصد افزایش جرم یخ} = \frac{m''}{m'} \times 100 = \frac{\frac{1}{16}}{\frac{5}{2}} \times 100 = \frac{1}{8 \times 5} \times 100 = 2,5\%$$

بنابراین جرم یخ $2,5\%$ درصد افزایش می یابد.

پاسخنامه کلیدی

۱ - ۳	۱۰ - ۳	۱۹ - ۲	۲۸ - ۴	۳۷ - ۴	۴۶ - ۳	۵۵ - ۱
۲ - ۴	۱۱ - ۴	۲۰ - ۴	۲۹ - ۳	۳۸ - ۲	۴۷ - ۴	۵۶ - ۳
۳ - ۳	۱۲ - ۳	۲۱ - ۲	۳۰ - ۳	۳۹ - ۲	۴۸ - ۳	۵۷ - ۱
۴ - ۳	۱۳ - ۲	۲۲ - ۲	۳۱ - ۳	۴۰ - ۱	۴۹ - ۲	۵۸ - ۲
۵ - ۴	۱۴ - ۴	۲۳ - ۲	۳۲ - ۴	۴۱ - ۲	۵۰ - ۲	۵۹ - ۱
۶ - ۴	۱۵ - ۴	۲۴ - ۴	۳۳ - ۴	۴۲ - ۳	۵۱ - ۴	
۷ - ۱	۱۶ - ۱	۲۵ - ۱	۳۴ - ۳	۴۳ - ۳	۵۲ - ۳	
۸ - ۳	۱۷ - ۲	۲۶ - ۳	۳۵ - ۱	۴۴ - ۴	۵۳ - ۴	
۹ - ۱	۱۸ - ۱	۲۷ - ۴	۳۶ - ۴	۴۵ - ۱	۵۴ - ۱	